

Osnovi elektronike

Predispitne obaveze:

U JANUARU OSTALO

Redovno pohađanje nastave (predavanja+vežbe)	10%	10%
Odbranjene laboratorijske vežbe	10%	10%
Kolokvijum I (26.11.2016.)	50%	20%
Kolokvijum II (21.01.2017.)	50%	20%

	120%	60%



Savet: Lakše preko kolokvijuma

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

1

2

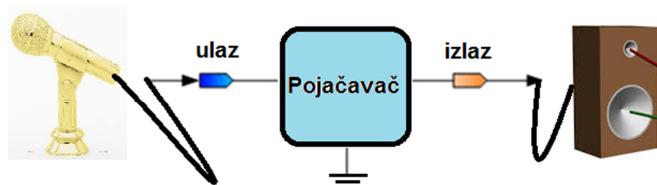
Sadržaj

1. Uvod

- Definicija pojačanja
- Osobine pojačavača
- Simbol pojačavača
- Modeli pojačavača
- Klasifikacija pojačavača prema tipu signala
- Uzroci izobličenja signala
- Prenosna karakteristika pojačavača
- Frekvencijske karakteristike
- Polarizacija pojačavača
- Klasifikacija pojačavača prema nameni, tipu aktivnog elementa, konfiguraciji, položaju radne tačke, strukturi.

Osnovi elektronike

Projektovati audio pojačavač
Specifikacija zahteva (šta se traži)



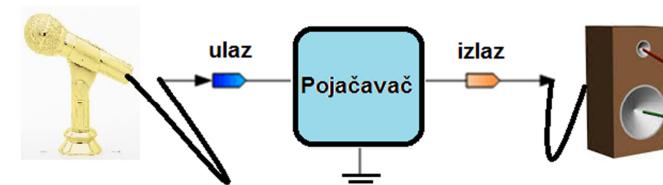
20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

3

Osnovi elektronike

Kakvi pojačavači postoje?
Koje su im osobine?



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

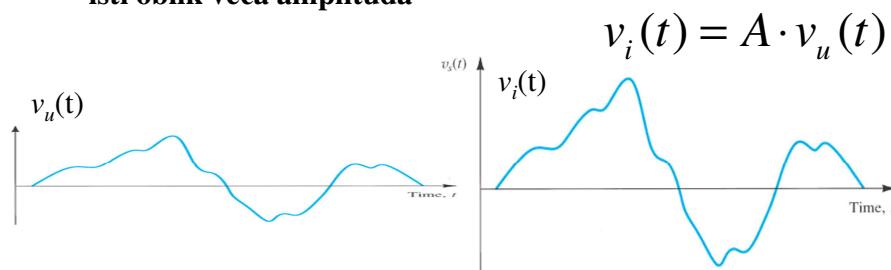
4

Pojačanje signala

Uloga pojačavača:

Da **pojača** ulazni signal **BEZ IZOBLIČENJA**

isti oblik veća amplituda



Pojačanje $A = \text{const.}$

20. oktobar 2016.

Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

5

Pojačanje signala

Uloga pojačavača:

Da **pojača** ulazni signal

(napon, struja)

BEZ IZOBLIČENJA!

Kakve karakteristike treba da ima da bi obavio tu ulogu?

Odgovor kasnije - tokom kursa

20. oktobar 2016.

Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/



Pojačanje signala

Modeli pojačavača:

Tokom kursa razmatraćemo pojačavače

različite složenosti (jednostepeni, višestepeni),
sa različitim komponentama (BJT, MOSFET)
u različitim režimima rada (mali signali, veliki signali)

Pre toga razmatramo

GENERALIZOVANI model na **FUNKCIONALNOM** nivou
(nivo_ponašanja = bihevioralni - šta rade, a ne kako i
na osnovu čega obavljaju funkciju).

Na funkcionalnom nivou klasifikujemo pojačavače prema
tipu signala

20. oktobar 2016.

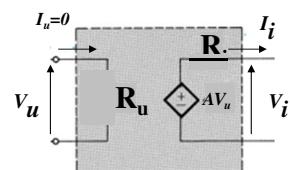
Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

7

Pojačanje signala

Klasifikacija pojačavača prema tipu signala

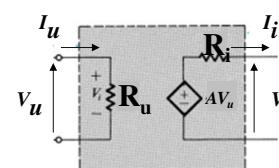
Naponski: $V_u \rightarrow V_i$



Idealni

$$A = \frac{V_i}{V_u} [\text{V/V}]; \quad R_u = \infty \quad R_i = 0$$

Realni



$$R_u < \infty \quad ; \quad R_i > 0$$

$$A = A_o = \left. \frac{V_i}{V_u} \right|_{I_u=0} [\text{V/V}];$$

Zašto je ovo važno?

20. oktobar 2016.

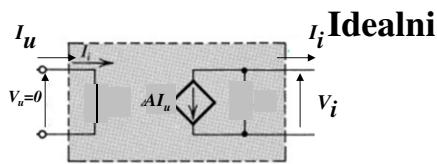
Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

8

Pojačanje signala

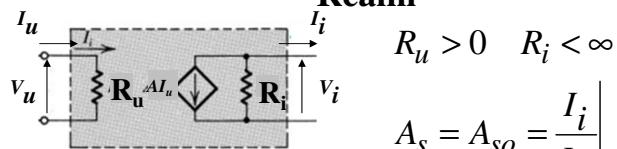
Klasifikacija pojačavača prema tipu signala

Strujni: $I_u \rightarrow I_i$



$$A_s = \frac{I_i}{I_u} \quad [\text{A/A}]; \quad \mathbf{R_u = 0} \quad \mathbf{R_i = \infty}$$

Realni



$$A_s = A_{so} = \left. \frac{I_i}{I_u} \right|_{V_i=0} \quad [\text{A/A}]; \quad R_u > 0 \quad R_i < \infty$$

Zašto je ovo važno?



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

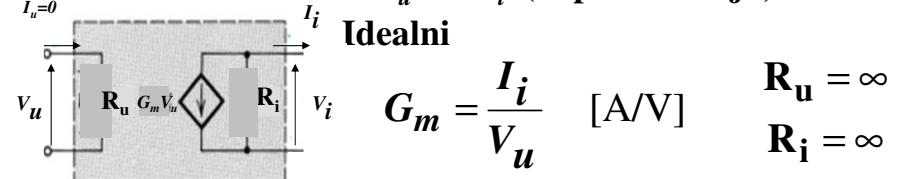
9

Pojačanje signala

Dodatak

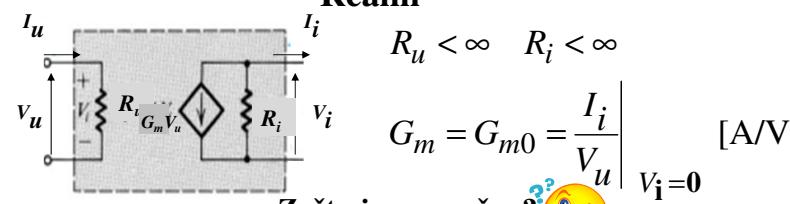
Klasifikacija pojačavača prema tipu signala

Transkonduktansni: $V_u \rightarrow I_i$ (napon u struju)



$$G_m = \frac{I_i}{V_u} \quad [\text{A/V}] \quad \mathbf{R_u = \infty} \quad \mathbf{R_i = \infty}$$

Realni



$$G_m = G_{m0} = \left. \frac{I_i}{V_u} \right|_{V_i=0} \quad [\text{A/V}]; \quad R_u < \infty \quad R_i < \infty$$

Zašto je ovo važno?



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

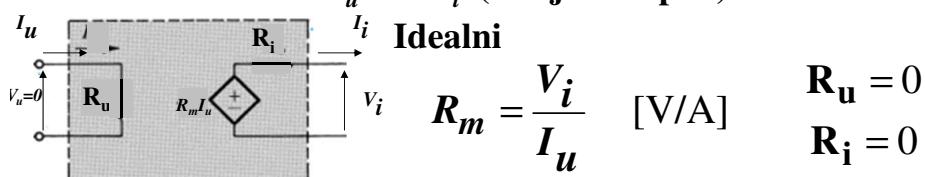
10

Pojačanje signala

Dodatak

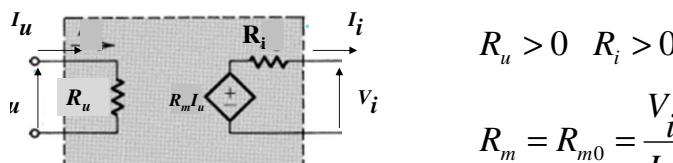
Klasifikacija pojačavača prema tipu signala

Transrezistansni: $I_u \rightarrow V_i$ (struja u napon)



$$R_m = \frac{V_i}{I_u} \quad [\text{V/A}] \quad \mathbf{R_u = 0} \quad \mathbf{R_i = 0}$$

Realni



$$R_m = R_{m0} = \left. \frac{V_i}{I_u} \right|_{I_i=0} \quad [\text{V/A}]; \quad R_u > 0 \quad R_i > 0$$

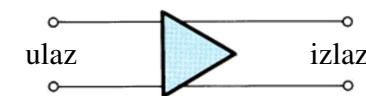
20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

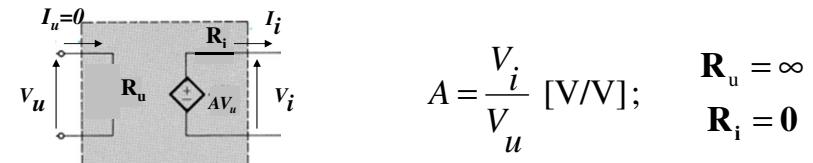
11

Pojačanje signala

Model pojačavača napona



Idealni



$$A = \frac{V_i}{V_u} \quad [\text{V/V}]; \quad \mathbf{R_u = \infty} \quad \mathbf{R_i = 0}$$

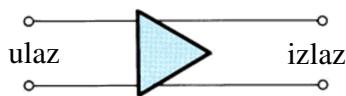
20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

12

Pojačanje signala

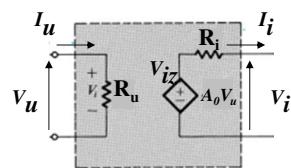
Model pojačavača napona



$$R_u < \infty ; R_i > 0$$

$$A_0 = \frac{V_{iz}}{V_u} \quad [\text{V/V}]$$

Realni



$$A = \frac{V_i}{V_u} = A_0 = \frac{V_{iz}}{V_u} \Bigg|_{I_i=0} \quad [\text{V/V}]$$

Zašto je ovo važno?

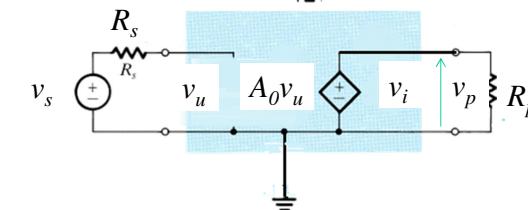
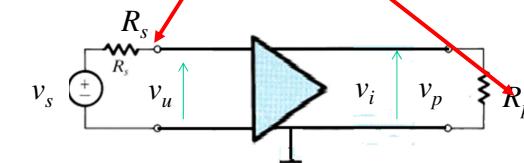
20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

13

Pojačanje signala

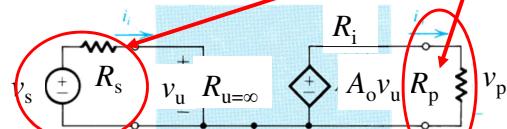
Idealni naponski pojačavač opterećen i pobuđen iz realnog izvora



Pojačanje signala

Zašto je ONO važno?

Idealni naponski pojačavač opterećen i pobuđen iz realnog izvora



$$v_{iz} = A_o \cdot v_u$$

Ukupno pojačanje

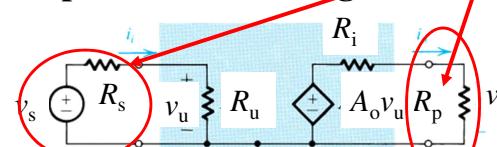
$$A = \frac{v_p}{v_s} = \frac{v_{iz}}{v_u} = A_o$$

NE ZAVISI od R_s i R_p !!!

Pojačanje signala

Zašto je ONO važno?

Realni naponski pojačavač opterećen i pobuđen iz realnog izvora



$$v_p = A_o \cdot v_u \cdot \frac{R_p}{R_p + R_i}$$

$$A \equiv \frac{v_p}{v_u} = A_o \cdot \frac{R_p}{R_p + R_i}$$

$$v_u = v_s \cdot \frac{R_u}{R_u + R_s}$$

Ukupno pojačanje

$$\frac{v_p}{v_s} = A_o \cdot \frac{R_u}{R_u + R_s} \cdot \frac{R_p}{R_p + R_i}$$

ZAVISI od R_s i R_p !!!

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

15

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

16

Za vežbu 2.1

Pojačanje signala

Zadatak: Izmereno je da napon na izlazu pojačavača opadne za 20% kada mu se priključi potrošač od 1k. Kolika je izlazna otpornost pojačavača?

(250Ω)



$$V_i = \frac{R_p}{R_i + R_p} V_{i0} = 0.8 \cdot V_{i0} \Rightarrow \frac{R_p}{R_i + R_p} = 0.8$$

$$R_p = 0.8 \cdot (R_i + R_p) \Rightarrow R_i = \frac{0.2}{0.8} R_p = 0.25 R_p = 250\Omega$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

17

Pojačanje signala

$$A = A_v = \frac{v_i(t)}{v_u(t)}$$

Pojačanje napona

$$A_s = \frac{i_i(t)}{i_u(t)}$$

Pojačanje struje

$$A_p = \frac{P_i(t)}{P_u(t)}$$

Pojačanje snage

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

18

Pojačanje signala

Jedinica mere pojačanja?

$$A = \frac{v_i}{v_u}$$

V/V,

$$A_s = \frac{i_i}{i_u}$$

A/A,

$$A_p = \frac{P_i}{P_u}$$

W/W

Iz praktičnih (i istorijskih) razloga koristi se logaritamska skala:

$$a_v = 20 \log |A|$$

$$a_s = 20 \log |A_s|$$

dB

$$a_p = 10 \cdot \log |A_p|$$

dB



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

19

Pojačanje signala

Pažnja!

Često se koristi dB da iskaže vrednost fizičke veličine! Tada dB označava vrednost u odnosu na 1, a dBm u odnosu na 10^{-3} (napona, struje ili snage).

$$V_i = 20 \log \left| \frac{V_i}{1V} \right|$$

dB

$$P_i = 10 \log \left| \frac{P_i}{1W} \right|$$

dBW

$$V_i = 20 \log \left| \frac{V_i}{1mV} \right|$$

dBm

$$P_i = 10 \log \left| \frac{P_i}{1mW} \right|$$

dBm

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

20

Pojačanje signala

Koliki se napon očekuje na izlazu pojačava pobudenog naponom od 0.1mV ako se zna da mu je pojačanje:

60 dB

(0.1V)

0 dB

(0.1mV)

-20 dB

(0.01mV)



Koliko je pojačanje u dB kod pojačavača kod koga je pri ulaznom naponu od 1mV izmeren izlazni napon od

1 V

(60dB)

100 mV

(40dB)

100 μV

(-20dB)



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

21

Domaći 2.1

Pojačanje signala

Zadatak: Pojačavač sa pojačanjem $A_o=40\text{dB}$, $R_u=10\text{k}\Omega$, $R_{iz}=1\text{k}\Omega$, pobudjuje potrošač od $R_p=1\text{k}\Omega$.

Izračunati ukupno naponsko pojačanje i pojačanje snage iskazano u dB.



(50 V/V; 44dB)

20. oktobar 2016.

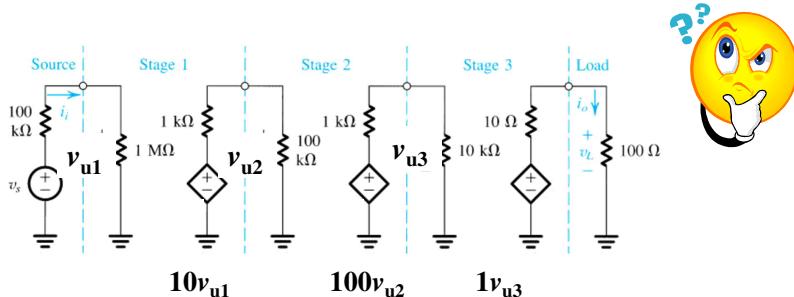
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

22

Domaći 2.2

Pojačanje signala

Zadatak: Izračunati ukupno naponsko i pojačanje snage trostopenog pojačavača sa slike pobuđenog izvorom čija je izlazna otpornost $100\text{k}\Omega$ i opterećenog potrošačem od 100Ω .



(743,6 V/V; 57,4 dB; $66,9 \cdot 10^8 \text{ W/W}$; 98,3dB)

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

23

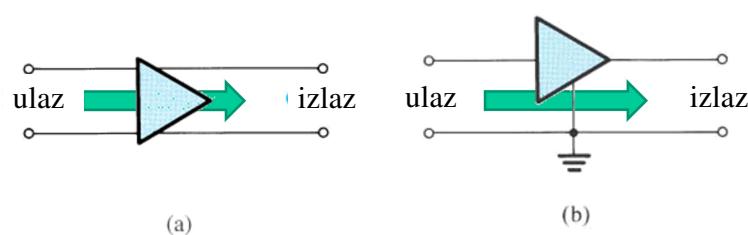
20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

24

Pojačanje signala

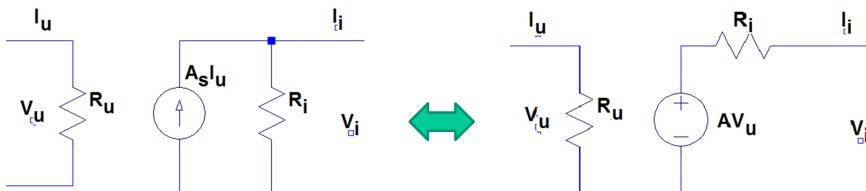
Svi prikazani modeli su *unilateralni*: prenose signal samo u jednom pravcu - sa ulaza prema izlazu.



Pojačanje signala

Svi navedeni modeli mogu ravnopravno da se koriste za modelovanje realnog pojačavača!

Primer:



$$V_i = A_s \cdot I_u \cdot R_i = A_s \cdot \frac{V_u}{R_u} \cdot R_i$$

$$A = \frac{V_i}{V_u} = A_s \cdot \frac{R_i}{R_u}$$

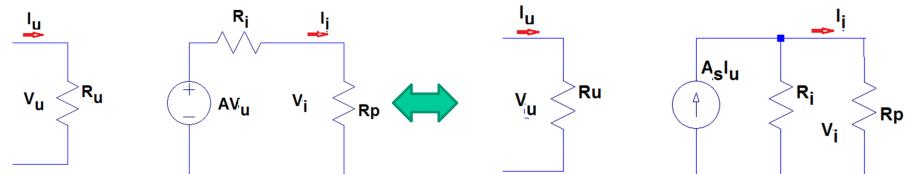
20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

25

Pojačanje signala

Svi navedeni modeli mogu ravnopravno da se koriste za modelovanje realnog pojačavača!



$$V_i = A \cdot V_u \cdot \frac{R_p}{R_i + R_p}$$

$$I_u = \frac{V_u}{R_u} \Rightarrow V_u = R_u \cdot I_u$$

$$I_i = \frac{V_i}{R_p} = \frac{A}{R_i + R_p} \cdot V_u = \frac{A \cdot R_u}{R_i + R_p} \cdot I_u$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

26

$$I_i = \frac{R_i}{R_i + R_p} A_s \cdot I_u$$

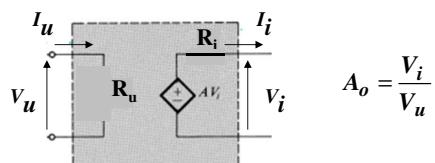
$$A_s = \frac{R_i + R_p}{R_i} \frac{I_i}{I_u} = \frac{R_i + R_p}{R_i} \frac{A \cdot R_u}{R_i + R_p}$$

$$A_s = \frac{R_u}{R_i} \cdot A$$

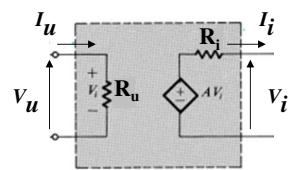
Pojačanje signala

Najčešće ćemo u okviru ovog kursa govoriti o

Pojačavačima napona:



Idealni



Realni



Zašto je ovo važno?

20. oktobar 2016.

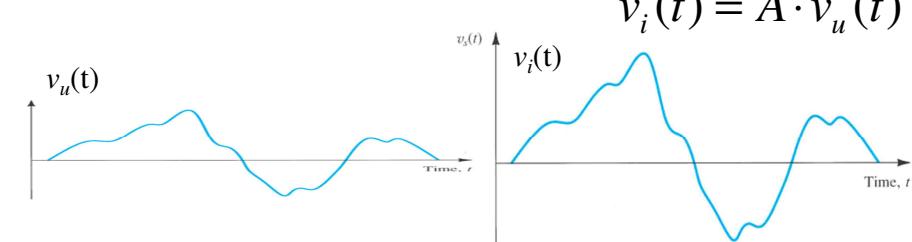
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

27

Pojačanje signala

Uloga pojačavača:

Da pojača ulazni signal **BEZ IZOBLIČENJA**
isti oblik veća amplituda



Pojačanje $A = \text{const.}$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

28

Pojačanje signala

Uloga pojačavača:

Da *pojača* ulazni signal

(napon, struja)

BEZ IZOBLIČENJA!

Kakve karakteristike treba da ima da bi obavio tu ulogu?

Odgovor kasnije - tokom kursa



20. oktobar 2016.

Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

[dalje](#)

[dalje2](#)

Pojačanje signala

Uloga pojačavača:

Da *pojača* ulazni signal **BEZ IZOBLIČENJA**

Kako može doći do izobličenja?

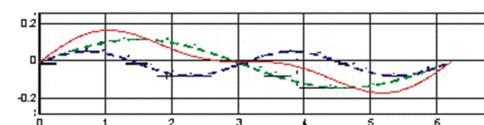
1. Različito pojačanje malih i velikih ulaznih signala
2. Različito pojačanje na različitim frekvencijama (spektralne komponente)
3. Različito kašnjenje na različitim frekvencijama (spektralne komponente)

[dalje](#) [dalje2](#)

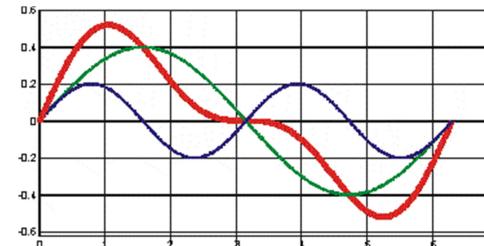
31

Pojačanje signala

Razmotrimo primer idealizovanog pojačavača sa $A=4$ koji treba da pojača *složenoperiodični* signal



Ulazni signal



Izlaz

$$v_{iz} = A \cdot v_u = \\ = 4 \cdot (0.1 \cdot \sin(\omega t) + 0.05 \cdot \sin(2\omega t))$$

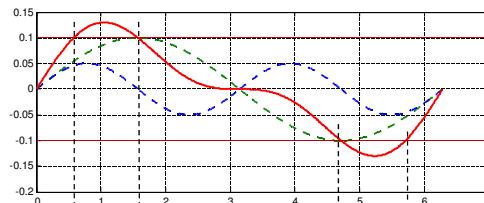
20. oktobar 2016.

Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

30

Pojačanje signala

1. Različito pojačanje malih i velikih ulaznih signala



Ulazni signal

$$v_u = 0.1 \cdot \sin(\omega t) + 0.05 \cdot \sin(2\omega t)$$



Izlaz

$$\begin{cases} v_i = v_u & \text{za } |v_u| \leq 0.1V \\ v_i = 4 \cdot v_u & \text{za } |v_u| > 0.1V \end{cases}$$

20. oktobar 2016.

Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

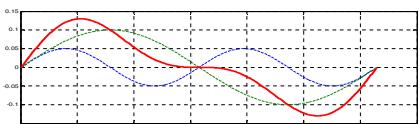
20. oktobar 2016.

Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

32

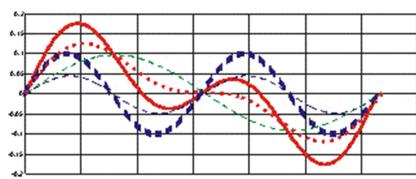
Pojačanje signala

2. Različito pojačanje na različitim frekvencijama



Ulagani signal

$$v_u(\omega t) = 0.1 \cdot \sin(\omega t) + 0.05 \cdot \sin(2\omega t)$$



Izlagani signal

$$\begin{aligned} v_i(\omega t) &= 1 \cdot v_u(\omega t) + 2 \cdot v_u(2\omega t) \\ v_i(\omega t) &= 1 \cdot (0.1 \cdot \sin(\omega t)) + \\ &\quad + 2 \cdot (0.05 \cdot \sin(2\omega t)) \end{aligned}$$

Na izlazu linearog pojačavača koji različito pojačava signale različitih frekvencija javljaju se linearna amplitudska izobličenja.
(biće reči i nešto kasnije)

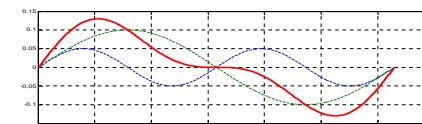
20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

33

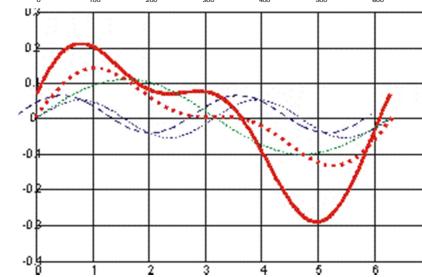
Pojačanje signala

3. Različito kašnjenje na različitim frekvencijama



Ulagani signal

$$v_u = 0.1 \cdot \sin(\omega t) + 0.05 \cdot \sin(2\omega t)$$



Izlagani signal

$$\begin{aligned} v_i &= 2(v_u(\omega t) + v_u(\omega t - \pi/4)) \\ v_i &= 2(0.1 \cdot \sin(\omega t) + 0.05 \cdot \sin(2\omega t + \pi/4)) \end{aligned}$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

34

Pojačanje signala

Uloga pojačavača: Da pojača ulazni signal **bez izobličenja**

Kakve karakteristike treba da ima da bi obavio tu ulogu?

- a) Linearnost: izlazni signal A puta veći od ulaznog.
- b) Isto pojačanje na svim frekvencijama [spektar](#)
- c) Zadržati isti odnos faza (kašnjenje) svim spektralnim komponentama (frekvencijama)

O svemu ovome biće više reči kasnije tokom kursa.

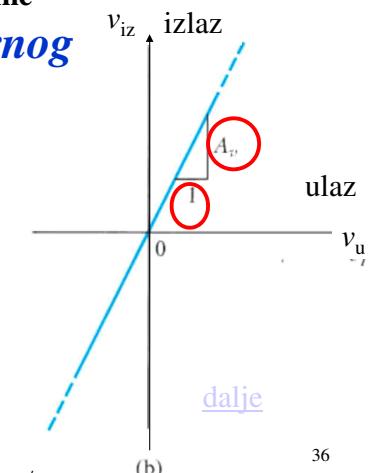
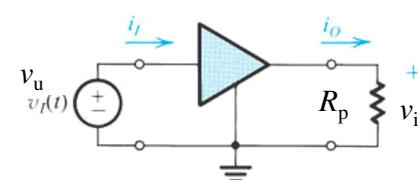
Za početak podrazumevamo da idealizovani pojačavač ispunjava sve navedene zahteve.

Pojačanje signala

Prenosna karakteristika pojačavača

Prenosna karakteristika predstavlja grafičku interpretaciju zavisnosti **izlazne** od **ulazne** veličine

Prenosna karakteristika linearog pojačavača napona je prava = linearna funkcija



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

[dalje](#) [dalje2](#)

35

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

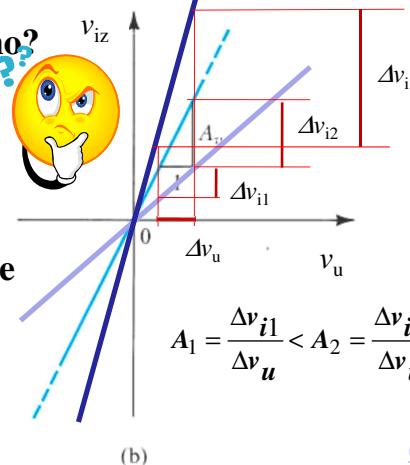
36

Pojačanje signala

Prenosna karakteristika linearnog pojačavača napona

Zašto je ovo važno?

$$A = \frac{\Delta v_{iz}}{\Delta v_u}$$



Nagib ↔ Pojačanje

$$A_1 = \frac{\Delta v_{i1}}{\Delta v_u} < A_2 = \frac{\Delta v_{i2}}{\Delta v_u} < A_3 = \frac{\Delta v_{i3}}{\Delta v_u}$$

(b)

[dalje](#)

20. oktobar 2016.

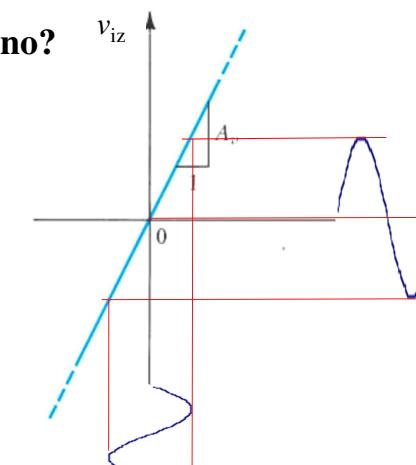
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

37

Pojačanje signala

Prenosna karakteristika linearnog pojačavača napona

Zašto je ovo važno?



[dalje](#)

20. oktobar 2016.

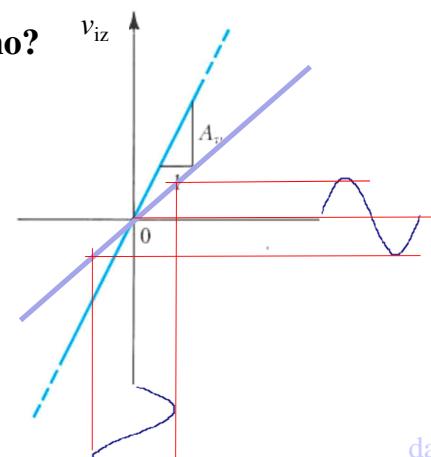
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

38

Pojačanje signala

Prenosna karakteristika linearnog pojačavača napona

Zašto je ovo važno?



[dalje](#)

20. oktobar 2016.

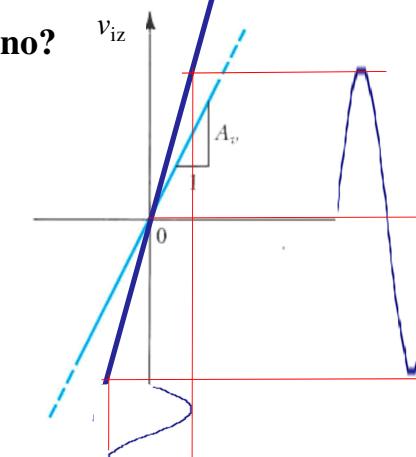
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

39

Pojačanje signala

Prenosna karakteristika linearnog pojačavača napona

Zašto je ovo važno?



[dalje](#)

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

40

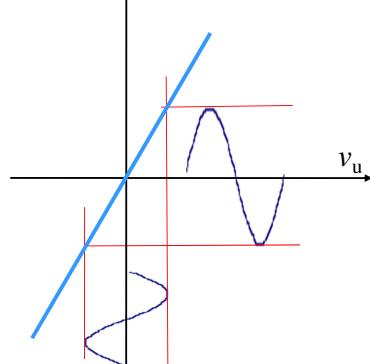
Pojačanje signala

Prenosna karakteristika

Talasni oblik napona v_i :

neinvertorski pojačavač

v_{iz}

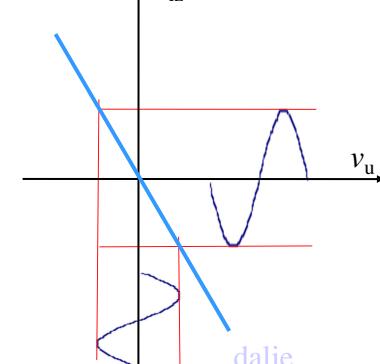


ne obrće fazu

Zašto je ovo važno?

invertorski pojačavač $A < 0$

v_{iz}



obrće fazu

v_u

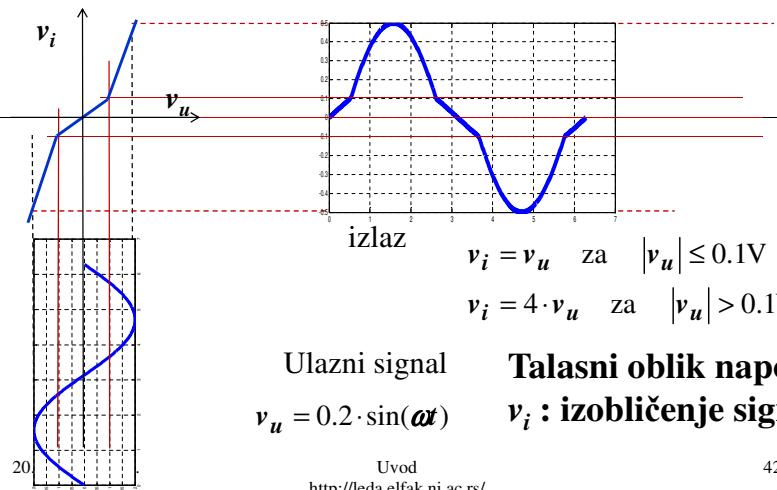
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

41

Pojačanje signala

Prenosna karakteristika

Šta ako nije linearna?



$$v_i = v_u \text{ za } |v_u| \leq 0.1V$$

$$v_i = 4 \cdot v_u \text{ za } |v_u| > 0.1V$$

Ulagni signal
 $v_u = 0.2 \cdot \sin(\omega t)$

Talasni oblik napona
 v_i : izobličenje signala

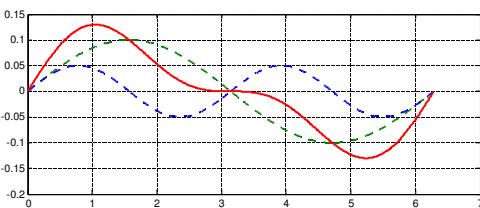
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

42

Pojačanje signala

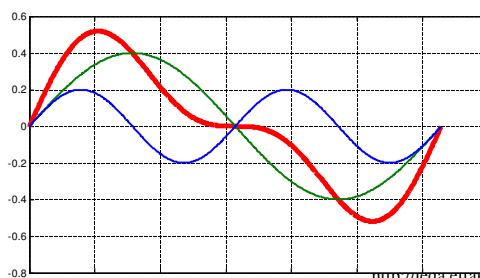
Razmotrimo ponovo primer idealizovanog pojačavača sa

$A=4$ koji treba da pojača složenoperiodični signal



Ulagni signal

$$v_u = 0.1 \cdot \sin(\omega t) + 0.05 \cdot \sin(2\omega t)$$



Izlag

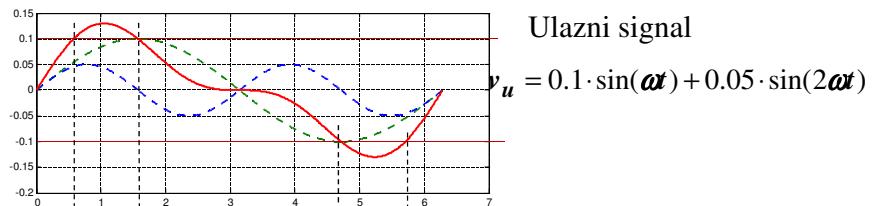
$$v_{iz} = A \cdot v_u =$$

$$= 4 \cdot (0.1 \cdot \sin(\omega t) + 0.05 \cdot \sin(2\omega t))$$

43

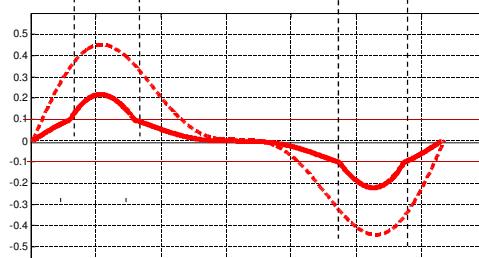
Pojačanje signala

1. Različito pojačanje malih i velikih ulaznih signala



Ulagni signal

$$v_u = 0.1 \cdot \sin(\omega t) + 0.05 \cdot \sin(2\omega t)$$



Izlag

$$v_i = v_u \text{ za } |v_u| \leq 0.1V$$

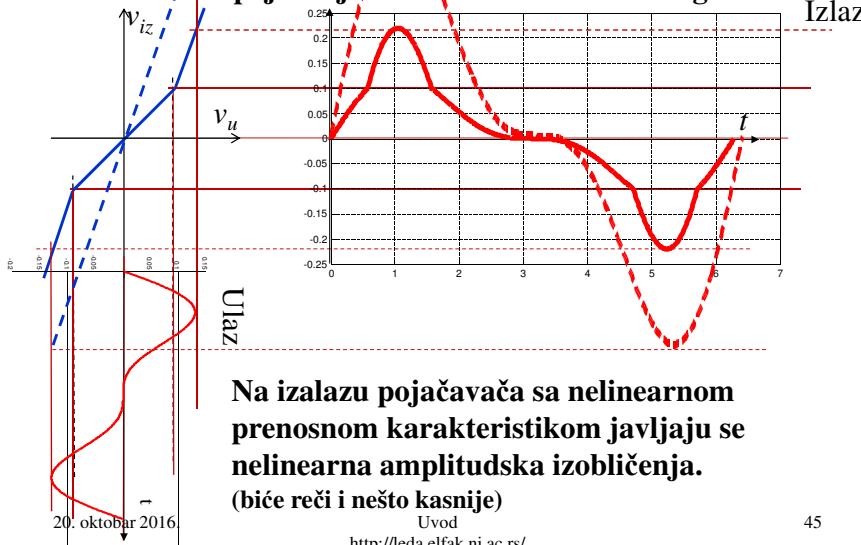
$$v_i = 4 \cdot v_u \text{ za } |v_u| > 0.1V$$

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

44

Pojačanje signala

1. Različito pojačanje malih i velikih ulaznih signala



**Na izlazu pojačavača sa nelinearnom prenosnom karakteristikom javljaju se nelinearna amplitudska izobličenja.
(biće reči i nešto kasnije)**

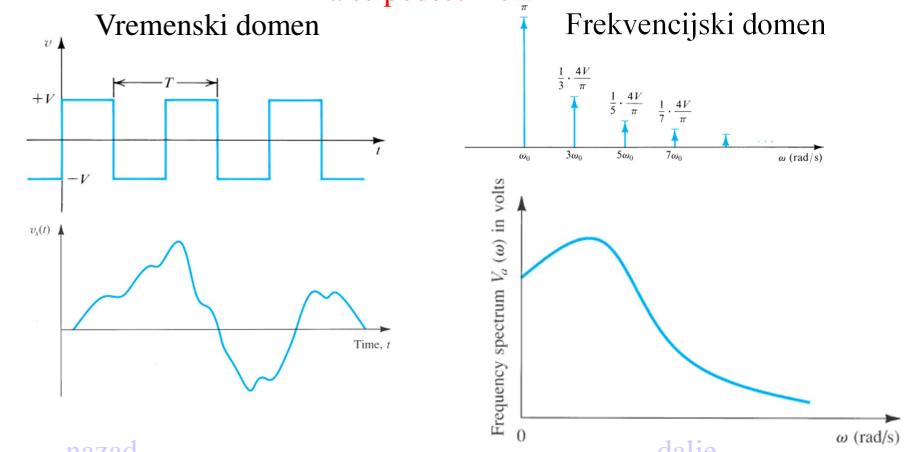
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

45

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike (veoma važno)

D



20. oktobar 2016

20. oktobar 2016

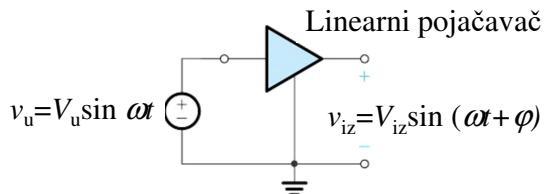
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs>

4

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike (veoma važno)

Važno je utvrditi kakve osobine mora da ima pojačavač da bi mogao da ispunи tražene [zahteve](#)



Na izlazu linearног појачавача побуђеног прстоперiodичним сигналом јавља се сигнал истог облика, а путем веће амплитуде, исте фреквеније и померене фазе (касни).

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

47

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike (veoma važno)

Faza se razlikuje → signal *kasni*

kašnjenje signala → izlaz *kompleksna* veličina

**Odakle potiče kompleksni karakter?*

Impedanse reaktivnih elemenata (L i C) su kompleksne veličine. $(Z = 1/i\omega C, Z = i\omega L)$

$$(Z_C=1/j\omega C, Z_L=j\omega L)$$

20. oktober 2016

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs>

4

Pojačanje signala

Frekvenčijske karakteristike (veoma važno)

Pojačavač bez reaktivnih elemenata ne postoji!

(makar kao parazitni elementi)

Zato su i električne veličine na izlazu pojačavača kompleksne (V_i, I_i).

Funkcija koja povezuje izlaznu i ulaznu veličinu i određuje ponašanje odziva na frekvenciji ω zove se

PRENOSNA FUNKCIJA pojačavača, $T(j\omega)$:

$$V_i(j\omega) = T(j\omega) \cdot V_u(j\omega).$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

49

Pojačanje signala

Frekvenčijske karakteristike (veoma važno)

U opštem slučaju to je *kompleksna* veličina definisana **modulom i fazom**:

$$T(j\omega) = |T(j\omega)| e^{j\varphi(\omega)}$$

$$|T(j\omega)| = \sqrt{\frac{V_i(j\omega)}{V_u(j\omega)}}.$$

$$\angle T(j\omega) = \varphi(\omega).$$

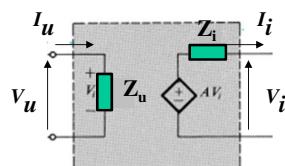
50

Pojačanje signala

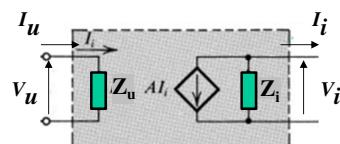
Frekvenčijske karakteristike (veoma važno)

Zavisno od tipa signala koji se pojačava $T(j\omega)$, može biti A, A_s, G_m, R_m .

$$T(j\omega) = A(j\omega) = \frac{V_i(j\omega)}{V_u(j\omega)};$$



$$T(j\omega) = A_s(j\omega) = \frac{I_i(j\omega)}{I_u(j\omega)};$$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

51

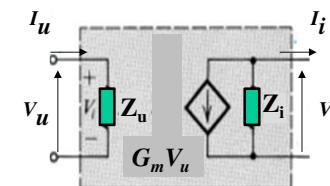
Pojačanje signala

Dodatak

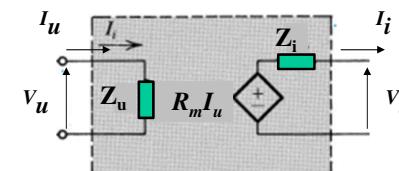
Frekvenčijske karakteristike (veoma važno)

Zavisno od tipa signala koji se pojačava $T(j\omega)$, može biti A, A_s, G_m, R_m .

$$T(j\omega) = G_m(j\omega) = \frac{I_i(j\omega)}{V_u(j\omega)};$$



$$T(j\omega) = R_m(j\omega) = \frac{V_i(j\omega)}{I_u(j\omega)};$$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

52

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike (veoma važno)

Izlazni signal = Odziv pojačavača na prostoperiodični pobudni signal frekvencije ω potpuno je definisan (znaju se njegov moduo i faza) ako je poznato $T(j\omega)$.

$$V_i(j\omega) = T(j\omega) \cdot V_u(j\omega)$$

Zato je važno znati kako se definišu, a i kako se mere **MODUO i FAZA (ARGUMENT)** prenosne funkcije.

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

53

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike (veoma važno)

Moduo prenosne funkcije meri se kao odnos amplituda odziva (izaz) i pobude (ulaz) pojačavača na frekvenciji ω

$$|T(j\omega)| = \frac{V_i(\omega)}{V_u(\omega)} = \frac{V_{ieff}(\omega)}{V_{ueff}(\omega)};$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

54

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike (veoma važno)

Po definiciji moduo i faza kompleksnog broja određuju se kao

$$|T(j\omega)| = \sqrt{\operatorname{Re}\{T(j\omega)\}^2 + \operatorname{Im}\{T(j\omega)\}^2} = \sqrt{T(j\omega) \cdot T(-j\omega)};$$

$$\angle T(\omega) = \varphi(\omega) = \arctg \left[\frac{\operatorname{Im}\{T(j\omega)\}}{\operatorname{Re}\{T(j\omega)\}} \right].$$

Za analizu ponašanja pojačavača u zavisnosti od frekvencije ω pogodniji je drugačiji pristup.

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

55

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike (veoma važno)

Prenosna funkcija pojačavača u opštem slučaju može da se prikaže u obliku količnika polinoma po $s=j\omega$:

$$T(s) = \frac{a_0 + a_1 s + a_2 s^2 + \dots + a_n s^n}{b_0 + b_1 s + b_2 s^2 + \dots + b_m s^m}$$

ili u faktorisanom obliku:

$$T(s) = \frac{a_n (s - z_1)(s - z_2) \dots (s - z_n)}{b_m (s - p_1)(s - p_2) \dots (s - p_m)}$$

z_i - nule

p_j - polovi

$$T(s) = \frac{N(s)}{D(s)}$$

20. oktobar 2016.

<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

56

Pojačanje signala

Dodatak

Frekvenčijske karakteristike (obnoviti iz matematike)

Moduo količnika polinoma $N(s)$ i $D(s)$ može se izračunati na osnovu sledećih izraza:

kada je funkcija poznata u obliku

$$T(s) = \frac{a_0 + a_1 s + a_2 s^2 + \dots + a_n s^n}{b_0 + b_1 s + b_2 s^2 + \dots + b_m s^m}$$

$$|T(s)| = \sqrt{\frac{\operatorname{Re}\{N(s)\}^2 + \operatorname{Im}\{N(s)\}^2}{\operatorname{Re}\{D(s)\}^2 + \operatorname{Im}\{D(s)\}^2}}$$

ili

kada je funkcija poznata u obliku

$$T(s) = \frac{a_n(s - z_1)(s - z_2) \dots (s - z_n)}{b_m(s - p_1)(s - p_2) \dots (s - p_m)}$$

$$|T(j\omega)| = \frac{a_n}{b_m} \sqrt{\frac{\prod_{i=1}^n (z_i^2 + \omega^2)}{\prod_{i=1}^m (p_i^2 + \omega^2)}}$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

57

Pojačanje signala

Dodatak

Frekvenčijske karakteristike (obnoviti iz matematike)

Faza se može izračunati kao:

$$\varphi = \operatorname{arctg} \left[\frac{\operatorname{Im}\{T(s)\}}{\operatorname{Re}\{T(s)\}} \right] = \operatorname{arctg} \left[\frac{\operatorname{Im}\{N(s)\}}{\operatorname{Re}\{N(s)\}} \right] - \operatorname{arctg} \left[\frac{\operatorname{Im}\{D(s)\}}{\operatorname{Re}\{D(s)\}} \right]$$

$$T(s) = \frac{a_0 + a_1 s + a_2 s^2 + \dots + a_n s^n}{b_0 + b_1 s + b_2 s^2 + \dots + b_m s^m}$$

ili kao

$$\varphi = \sum_{i=1}^n \operatorname{arctg} \left[\frac{\operatorname{Im}\{s - z_i\}}{\operatorname{Re}\{s - z_i\}} \right] - \sum_{i=1}^m \operatorname{arctg} \left[\frac{\operatorname{Im}\{s - p_i\}}{\operatorname{Re}\{s - p_i\}} \right].$$

$$T(s) = \frac{a_n(s - z_1)(s - z_2) \dots (s - z_n)}{b_m(s - p_1)(s - p_2) \dots (s - p_m)}$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

58

Pojačanje signala

Dodatak



Frekvenčijske karakteristike (obnoviti iz matematike)

Primer 2.0: Odrediti moduo i fazu prenosne funkcije :

$$T(s) = \frac{4s + s^2}{6 + 11s + 6s^2 + s^3} = \frac{s(4+s)}{(1+s)(2+s)(3+s)}$$

$$\text{Rešenje : } T(j\omega) = \frac{-\omega^2 + 4j\omega}{(6 - 6\omega^2) + j(11\omega - \omega^3)}$$

$$|T(s)| = \sqrt{\frac{\operatorname{Re}\{N(s)\}^2 + \operatorname{Im}\{N(s)\}^2}{\operatorname{Re}\{D(s)\}^2 + \operatorname{Im}\{D(s)\}^2}} = \sqrt{\frac{[-\omega^2]^2 + [4\omega]^2}{[6 - 6\omega^2]^2 + [11\omega - \omega^3]^2}} = \sqrt{\frac{\omega^2[16 + \omega^2]}{(36 + 49\omega^2 + 14\omega^4 + \omega^6)}} =$$

$$|T(s)| = \frac{a_n}{b_m} \sqrt{\frac{\prod_{i=1}^n (z_i^2 + \omega^2)}{\prod_{i=1}^m (p_i^2 + \omega^2)}} = \frac{1}{1} \sqrt{\frac{(0^2 + \omega^2)(4^2 + \omega^2)}{(1^2 + \omega^2)(2^2 + \omega^2)(3^2 + \omega^2)}} = \sqrt{\frac{\omega^2[16 + \omega^2]}{(1 + \omega^2)(4 + \omega^2)(9 + \omega^2)}}$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

59

Pojačanje signala

Dodatak

Frekvenčijske karakteristike (obnoviti iz matematike)

$$\text{Primer 2.0: Odrediti moduo i fazu prenosne funkcije } T(s) = \frac{4s + s^2}{6 + 11s + 6s^2 + s^3} = \frac{s(4+s)}{(1+s)(2+s)(3+s)}$$

Rešenje (faza) :

$$T(j\omega) = \frac{-\omega^2 + 4j\omega}{(6 - 6\omega^2) + j(11\omega - \omega^3)}$$

$$\varphi = \operatorname{arctg} \left[\frac{\operatorname{Im}\{N(s)\}}{\operatorname{Re}\{N(s)\}} \right] - \operatorname{arctg} \left[\frac{\operatorname{Im}\{D(s)\}}{\operatorname{Re}\{D(s)\}} \right] = \operatorname{arctg} \left[\frac{4\omega}{-\omega^2} \right] - \operatorname{arctg} \left[\frac{(11\omega - \omega^3)}{6 - 6\omega^2} \right]$$

$$\varphi = \sum_{i=1}^n \operatorname{arctg} \left[\frac{\operatorname{Im}\{s - z_i\}}{\operatorname{Re}\{s - z_i\}} \right] - \sum_{i=1}^m \operatorname{arctg} \left[\frac{\operatorname{Im}\{s - p_i\}}{\operatorname{Re}\{s - p_i\}} \right] =$$

$$= \operatorname{arctg} \left[\frac{\omega}{0} \right] + \operatorname{arctg} \left[\frac{\omega}{4} \right] - \operatorname{arctg} \left[\frac{\omega}{1} \right] - \operatorname{arctg} \left[\frac{\omega}{2} \right] - \operatorname{arctg} \left[\frac{\omega}{3} \right] =$$

$$= \frac{\pi}{2} + \operatorname{arctg} \left[\frac{\omega}{4} \right] - \operatorname{arctg} \left[\frac{\omega}{1} \right] - \operatorname{arctg} \left[\frac{\omega}{2} \right] - \operatorname{arctg} \left[\frac{\omega}{3} \right]$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

60

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike (veoma važno) $|T(j\omega)|$; $\angle T(j\omega)$.

Grafička interpretacija zavisnosti od frekvencije

- modula prenosne funkcije naziva se **AMPLITUDSKA KARAKTERISTIKA**
- argumenta prenosne funkcije naziva se **FAZNA KARAKTERISTIKA** pojačavača

Zajedno, one predstavljaju

FREKVENCIJSKE KARAKTERISTIKE

pojačavača

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

61

Pojačanje signala

Amplitudska karakteristika (v)

Konačni propusni opseg (Band-Width) omeđen je graničnim frekvencijama na niskim i visokim frekvencijama

$$BW = f_v - f_n$$

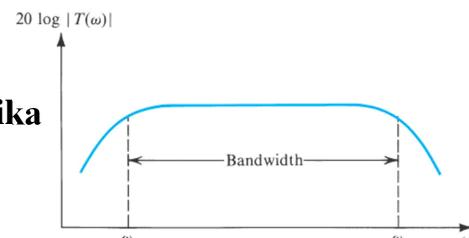
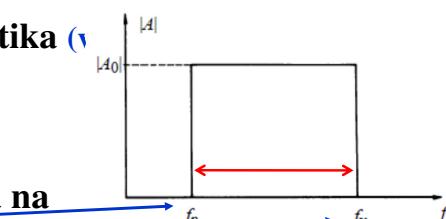
Amplitudska karakteristika realnog pojačavača*

*Zašto?

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

63

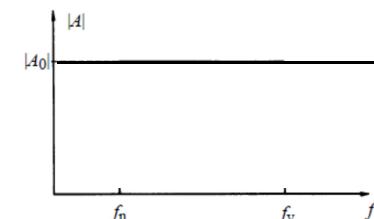


Pojačanje signala

Amplitudska karakteristika (veoma važno)

Najpre ćemo definisati *idealnu* amplitudsku karakteristiku pojačavača i uporediti je sa *realnim* karakteristikama kojima ćemo se baviti kasnije tokom kursa.

Zahtev



Konstantno pojačanje

To je nerealno

Zahtev: PODJEDNAKO POJAČATI odnosi se na sve **potrebne spektralne komponente**

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

62

Pojačanje signala

Amplitudska karakteristika (veoma važno)

Realnog pojačavača

Granice propusnog opsega kod realnih pojačavača određuju se u tačkama u kojima **snaga na izlazu opadne za $1/2$ od nominalne**.

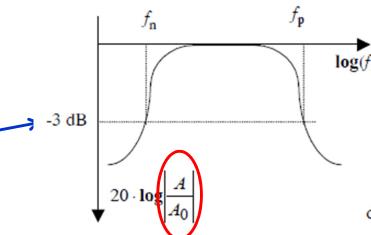
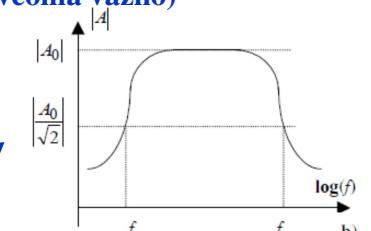
To je ekvivalentno smanjenju **naponal/struje*** na izlazu za $\sqrt{2}$ puta ili 3dB.

*Zašto?

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

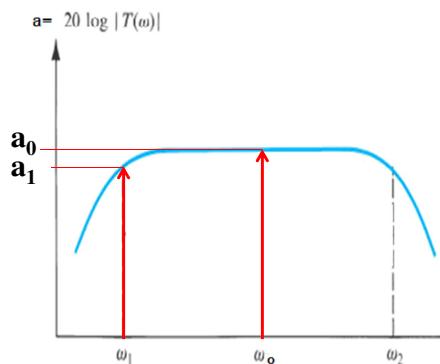
64



Normalizovano pojačanje

Pojačanje signala

Amplitudska karakteristika (veoma važno)



Amplitudska karakteristika realnog pojačavača nije konstantna.

To znači da signali različitih frekvencija neće biti podjednako pojačani.

Posledica?

Linearna amplitudska izobličenja – videti slajd 7

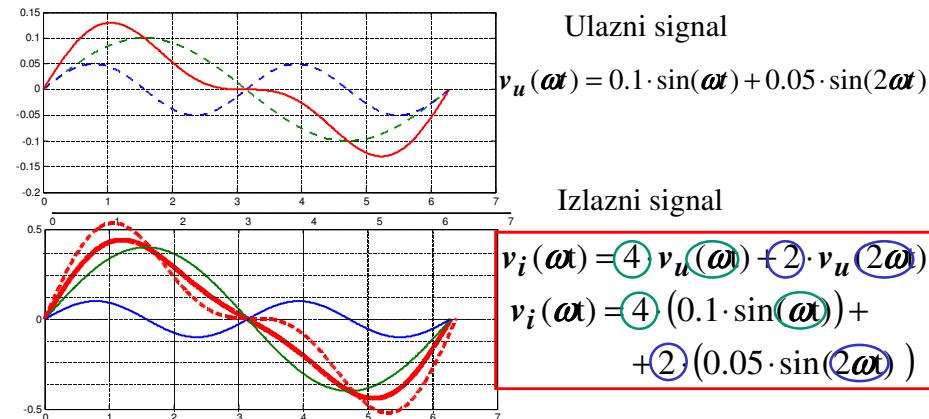
20. oktobar 2016.

Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

65

Pojačanje signala

Različito pojačanje na različitim frekvencijama



Na izlazu linearnega pojačavača koji različito pojačava signale različitih frekvencija javljaju se **linearna amplitudska izobličenja**.

20. oktobar 2016.

Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

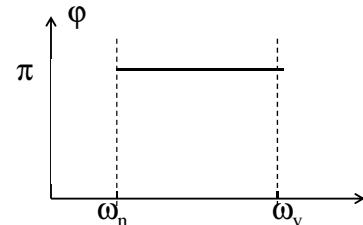
66

Pojačanje signala

Fazna karakteristika (veoma važno)

Idealna fazna karakteristika pojačavača:
faza nezavisna od frekvencije – konstantna

Zahtev Konstantna faza



To je nerealno

Zahtev: PODJEDNAKO ZAKASNITI odnosi se na sve **potrebne spektralne komponente**

20. oktobar 2016.

Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

67

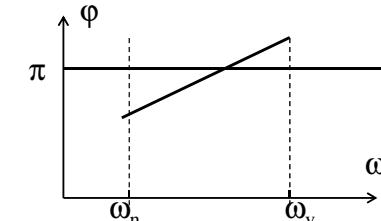
Pojačanje signala

Fazna karakteristika (veoma važno)

Idealna fazna karakteristika pojačavača:
Konstantna faza ALI i LINEARNA faza

$$\phi(\omega) = k \cdot \omega; \quad v_u(\omega t) = V_{u1} \cdot \cos(\omega t) + V_{u2} \cdot \cos(2\omega t)$$

$$v_i(\omega t) = A \cdot (V_{u1} \cdot \cos(\omega t + k \cdot \omega) + V_{u2} \cdot \cos(2\omega t + 2k \cdot \omega)) = \\ = A \cdot (V_{u1} \cdot \cos(\omega t + k \omega) + V_{u2} \cdot \cos 2(\omega t + k \cdot \omega))$$



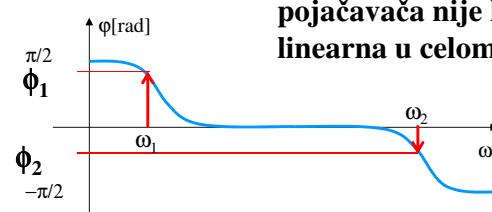
20. oktobar 2016.

Uvod
http://leda.elfak.ni.ac.rs/

68

Pojačanje signala

Realna fazna karakteristika (važno)



Fazna karakteristika realnog pojačavača nije konstantna ni linearna u celom opsegu.

To znači da signali različitih frekvencija neće biti podjednako zakašnjeni.

Posledica?

Linearna fazna izobličenja

20. oktobar 2016.

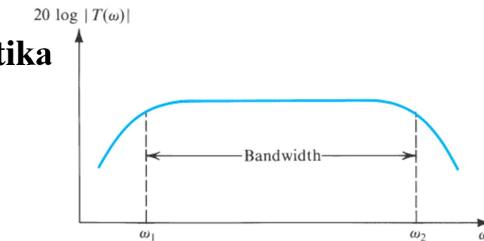
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

69

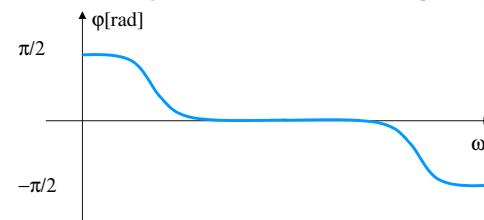
Pojačanje signala

Frekvenčijske karakteristike realnog pojačavača

Amplitudska karakteristika



fazna karakteristika



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

71

Pojačanje signala

Različito kašnjenje na različitim frekvencijama

Ulagani signal

$$v_u = 0.1 \cdot \sin(\omega t) + 0.05 \cdot \sin(2\omega t)$$

Izlazni signal

$$\begin{aligned} v_i &= 4 \cdot (v_u(\omega) + v_u(2\omega + \pi/4)) \\ v_i &= 4 \cdot (0.1 \cdot \sin(\omega)) \\ &\quad + 4 \cdot (0.05 \cdot \sin(2\omega + \pi/4)) \end{aligned}$$

Na izlazu linearnega pojačavača koji različito kasni signale različitih frekvencija javljaju se **linearna fazna izobličenja**.

20. oktobar 2016.

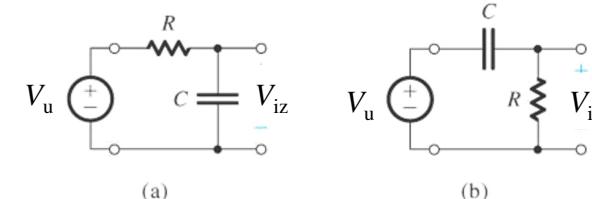
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

70

Pojačanje signala

Frekvenčijske karakteristike

Osnovu za analizu ponašanja pojačavača u prisustvu reaktivnih komponenata predstavlja poznavanje ponašanja pasivnih RC kola.



(a)

(b)

20. oktobar 2016.

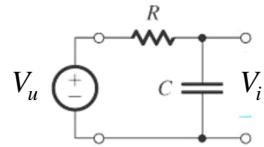
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

72

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike

Primer 2.1: Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.



$$V_i(j\omega) = \frac{Z_C}{Z_C + R} V_u(j\omega) = \frac{1/j\omega C}{1/j\omega C + R} V_u(j\omega) = \frac{1}{1 + j\omega RC} V_u(j\omega)$$

$$T(j\omega) = \frac{V_i(j\omega)}{V_u(j\omega)} = \frac{1}{1 + j\omega RC} = \frac{1}{1 + (s/\omega_o)} \Big|_{\begin{array}{l} s=j\omega \\ \omega_o=1/\tau=1/RC \end{array}}$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

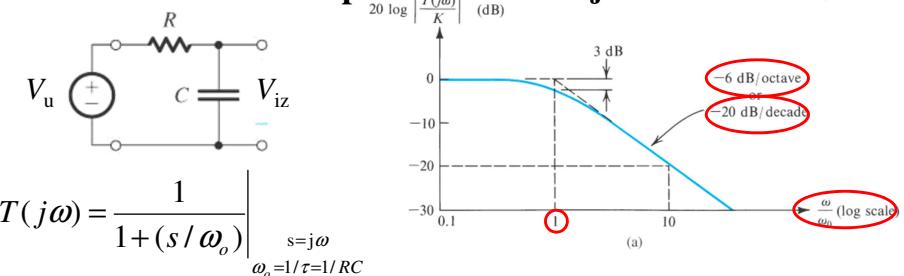
73



Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike

Primer 2.1: Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.



$$\begin{aligned} |T(s)| &= \sqrt{\frac{\text{Re}\{N(s)\}^2 + \text{Im}\{N(s)\}^2}{\text{Re}\{D(s)\}^2 + \text{Im}\{D(s)\}^2}} = \\ 20\log|T(s)| &= 20\log \left[\sqrt{\frac{1}{1^2 + (\omega/\omega_0)^2}} \right] \approx -20\log(\omega/\omega_0) \Big|_{\omega_0 \gg \omega} \end{aligned}$$

20. oktobar 2016.

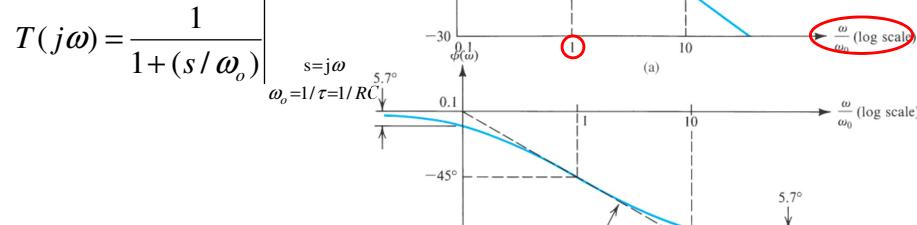
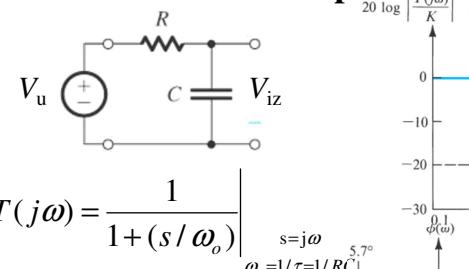
Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

74

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike

Primer 2.1: Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>



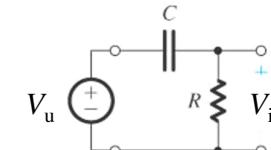
Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike

Zadatak: Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.

Koju funkciju kolo obavlja u frekvencijskom domenu?
Odrediti graničnu frekvenciju.

Koliko iznosi asimptotski nagib amplitudske karakteristike po dekadi i po oktavi?



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

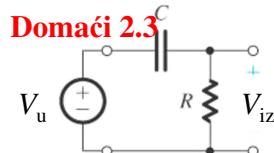
76



Pojačanje signala

Frekvenčijske karakteristike

Zadatak: Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.



$$T(j\omega) = \frac{s/\omega_o}{1 + (s/\omega_o)} \Big|_{\omega_o=1/\tau=1}$$

20. oktobar 2016.

<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

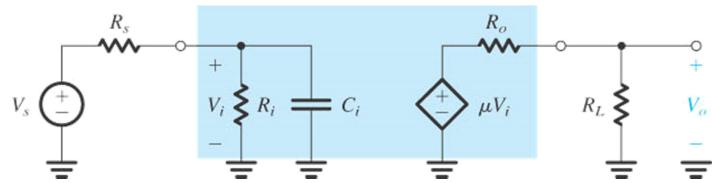


Pojačanje signala

Frekvenčijske karakteristike

Zadatak: Odrediti prenosnu funkciju (ukupno naponsko pojačanje) kola sa slike.

Domaći 2.4



Ako je $R_s=20\text{k}$, $R_i=100\text{k}$, $C_i=60\text{pF}$, $\mu=144 \text{ V/V}$, $R_o=200\Omega$ i $R_L=1\text{k}$

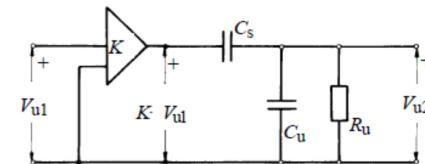
- a) Odrediti pojačanje pri $\omega=0\text{rad/s}$ (jednosmerno) ($A=100 \text{ V/V}$)
- b) Graničnu frekvenciju (3dB) ($\omega_o=10^6 \text{ rad/s}$, $f_o=159,2\text{kHz}$)
- c) Odrediti frekvenciju pri kojoj A padne na 0dB (10^8 rad/s)

Pojačanje signala

Frekvenčijske karakteristike

Zadatak: Odrediti prenosnu funkciju kola sa slike.

Za vežbu 2.2



$$(3.1.35) \quad A_u = \frac{V_{u2}}{V_{u1}} = K \frac{j\omega R_u C_s}{1 + j\omega(R_u C_u + R_u C_s)} = K \frac{C_s}{C_u + C_s} \frac{j\tau\omega}{1 + j\tau\omega} = A_0 \frac{j\tau\omega}{1 + j\tau\omega},$$

gde je ω kružna frekvencija, $\tau=R_u(C_u+C_s)$, a $A_0=K \cdot C_s / (C_s + C_u)$.

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

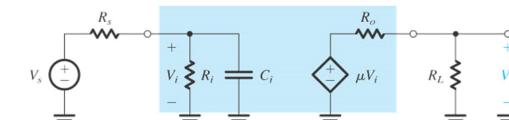
78



Pojačanje signala

Frekvenčijske karakteristike

Primer 2.2: Odrediti prenosnu funkciju (ukupno naponsko pojačanje) kola sa slike.



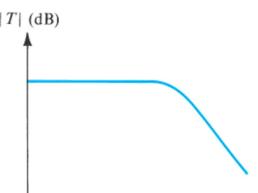
Rešenje:

$$A(j\omega) = \mu \cdot \frac{R_i}{R_i + R_s} \cdot \frac{R_L}{R_L + R_o} \cdot \frac{1}{1 + sC_i[R_s R_i / (R_s + R_i)]} = \frac{A_o}{1 + s/\omega_o}$$

$$A_o = \mu \frac{1}{1 + (R_s/R_i)} \cdot \frac{1}{1 + (R_o/R_L)}$$

$$\tau = C_i [R_s R_i / (R_s + R_i)]$$

$$\omega_o = 1/\tau$$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

(b)

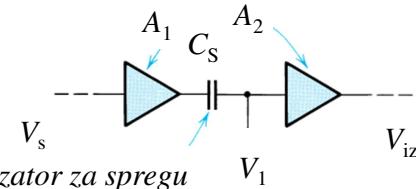


Pojačanje signala

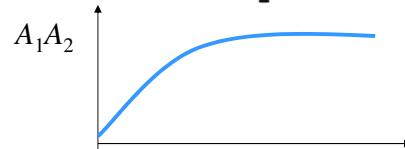


Frekvenčijske karakteristike

Primer 2.3: Skicirati prenosnu funkciju (ukupno naponsko pojačanje) dvostepenog pojačavača sa slike.



Rešenje:



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

81

Šta smo naučili?

- **Razlika između frekvenčijskih i prenosne karakteristike pojačavača**
 - Uzroci izobličenja signala
 - Prenosna karakteristika linearног pojačavača napona sa konačnim pojačanjem
 - Frekvenčijske karakteristike pojačavača

Na web adresi <http://leda.elfak.ni.ac.rs>

> EDUCATION > OSNOVI ELEKTRONIKE
slajdovi u pdf formatu

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

82

Ispitna pitanja?

1. Uticaj konačne ulazne i izlazne otpornosti pojačavača napona na ukupno pojačanje.
2. Skicirati prenosnu karakteristiku idealnog pojačavača napona $A=-10$.
3. Nelinearna amplitudska izobličenja. Uzrok i posledice.
4. Šta je prenosna funkcija? Kako se određuju moduo i faza?
5. Definicija amplitudske karakteristike i načini predstavljanja.
6. Linearna amplitudska izobličenja. Uzrok i posledice.
7. Fazna karakteristika.
8. Linearna fazna izobličenja. Uzrok i posledice.
9. Električna šema, prenosna funkcija i frekvenčijske karakteristike RC propusnika niskih/visokih frekvencija (granična frekvencija, asimptotski nagib)

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

83

Osnovi elektronike

Predispitne obaveze:

U JANUARU OSTALO

Redovno pohađanje nastave (predavanja+vežbe)	10%	10%
Odbranjene laboratorijske vežbe	10%	10%
Kolokvijum I (01.12.2015.)	50%	20%
Kolokvijum II (19.01.2016.)	50%	20%

	120%	60%



Savet: Lakše preko kolokvijuma

22. oktobar 2015.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

84

Dodatak

Pojačanje signala

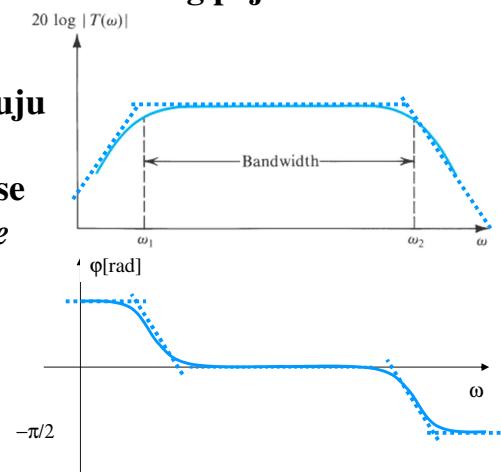
Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

Dijagrami koji pojednostavljeno prikazuju amplitudsku i faznu karakteristiku nazivaju se *asimptotske karakteristike* ili

Bodeovi dijagrami



Hendrik Wade Bode
(1905–1982)



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

85

Dodatak

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

H. Bode

Ako su poznate **nule** i **polovi** funkcije prenosa, moguće je skicirati *asimptotski oblik* amplitudske i fazne karakteristike.

Za to je najpogodnije da se $T(s)$ prikaže u obliku:

$$T(s) = A \frac{(1 + s/z_1)(1 + s/z_2) \dots (1 + s/z_n)}{(1 + s/p_1)(1 + s/p_2) \dots (1 + s/p_m)}$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

86

Dodatak

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

Postupak crtanja biće objašnjen na primeru funkcije

$$T(s) = \frac{10s}{(1 + s/10^2)(1 + s/10^5)}$$

$$\begin{aligned} 20\log|T(j\omega)| &= 20\log|10| + 20\log|j\omega| - \\ &\quad - 20\log|1 + j\omega/10^2| - 20\log|1 + j\omega/10^5| \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 20\log|T(j\omega)| &= 20\text{dB} + 20\log\omega - \\ &\quad - 20\log\sqrt{1+(\omega/10^2)^2} - 20\log\sqrt{1+(\omega/10^5)^2} \end{aligned}$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

87

Dodatak

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

Postoje 4 člana u ovoj amplituskoj karakteristici (u dB)

$$20\log|T(j\omega)| = 20\text{dB} + 20\log\omega + 20\log\sqrt{1+(\omega/10^2)^2} + 20\log\sqrt{1+(\omega/10^5)^2}$$

I 20dB konstanta

II $20\log\omega$ prava prolazi kroz 0 za $\omega = 1$, nagib 6dB/oct ili 20dB/dec

III $-20\log\sqrt{1+(\omega/10^2)^2}$ za $\omega \ll 10^2$ $-20\log 1 = 0$
za $\omega \gg 10^2$ $-20\log(\omega/10^2)$, 0 za $\omega = 10^2$

IV $-20\log\sqrt{1+(\omega/10^5)^2}$ za $\omega \ll 10^5$ $-20\log 1 = 0$
za $\omega \gg 10^5$ $-20\log\omega/10^5$, 0 za $\omega = 10^5$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

88

Dodatak

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

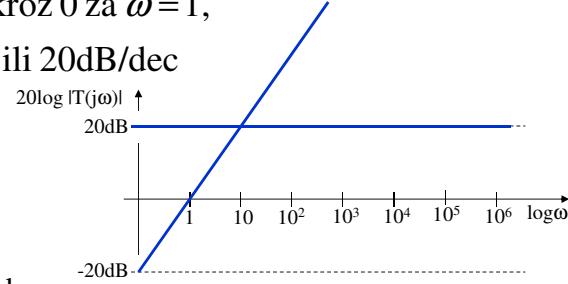
Postoje 4 segmenta asimptotskih pravih u log-log koord.

I 20dB konstanta

II $20 \log \omega$

prava prolazi kroz 0 za $\omega = 1$,

nagib 6dB/oct ili 20dB/dec



Dokazati $6\text{dB/oct} = 20\text{dB/dec}$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

89

Dodatak

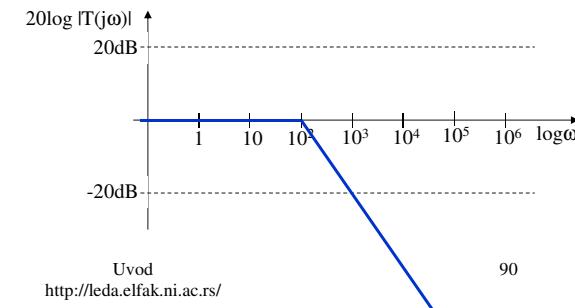
Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

III $-20 \log \sqrt{1 + (\omega/10^2)^2}$

za $\omega \ll 10^2$ $-20 \log 1 = 0$

za $\omega \gg 10^2$ $-20 \log(\omega/10^2)$, 0 za $\omega = 10^2$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

90

Dodatak

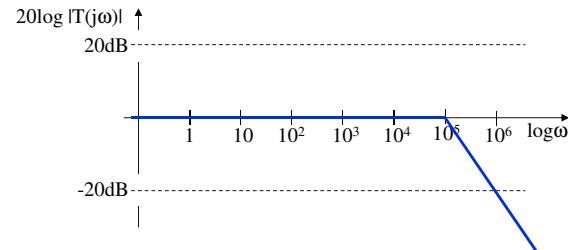
Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

IV $-20 \log \sqrt{1 + (\omega/10^5)^2}$

za $\omega \ll 10^5$ $-20 \log 1 = 0$

za $\omega \gg 10^5$ $-20 \log \omega/10^5$ 0 za $\omega = 10^5$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

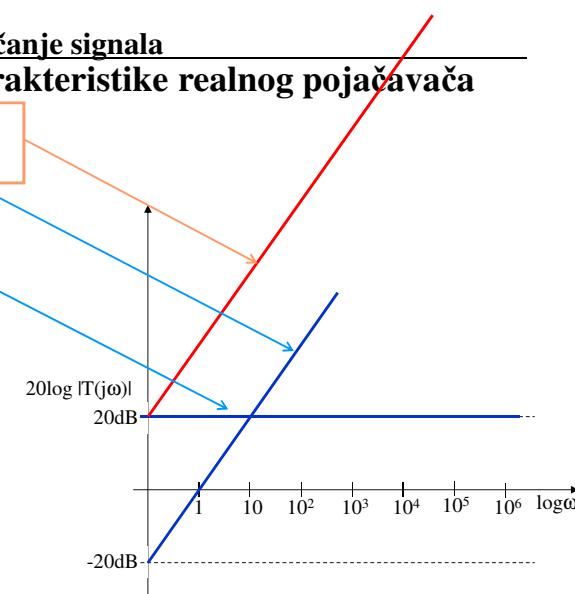
91

Dodatak

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

$20\text{dB} + 20 \log \omega$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

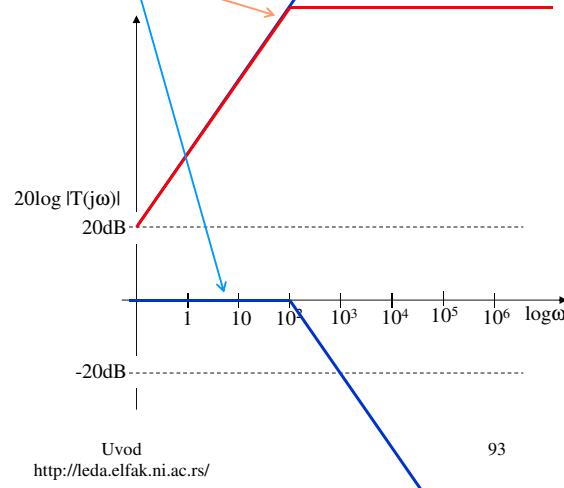
92

Dodatak

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

$$20\text{dB} + 20\log \omega - 20\log \sqrt{1+(\omega/10^2)^2}$$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

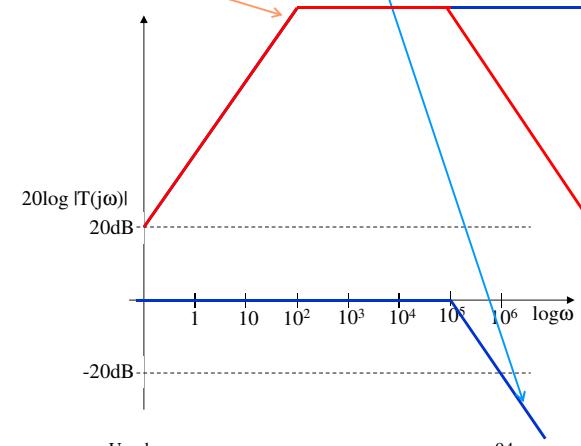
93

Dodatak

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

$$20\text{dB} + 20\log \omega - 20\log \sqrt{1+(\omega/10^2)^2} - 20\log \sqrt{1+(\omega/10^5)^2}$$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

94

Dodatak

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

Postupak crtanja asimptotske **fazne** karakteristike

$$T(s) = \frac{10s}{(1+s/10^2)(1+s/10^5)}$$

$$\begin{aligned} \varphi &= \sum_{i=1}^n \arctg \left[\frac{\text{Im}\{s - z_i\}}{\text{Re}\{s - z_i\}} \right] - \sum_{i=1}^n \arctg \left[\frac{\text{Im}\{s - p_i\}}{\text{Re}\{s - p_i\}} \right] = \\ &= \boxed{\arctg \left[\frac{\omega}{0} \right]} - \boxed{\arctg \left[\frac{\omega}{10^2} \right]} - \boxed{\arctg \left[\frac{\omega}{10^5} \right]} \end{aligned}$$

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

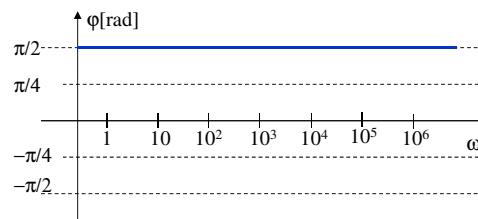
95

Dodatak

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

$$\text{I} \quad \arctg \left[\frac{\omega}{0} \right] = \frac{\pi}{2}$$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

96

Dodatak

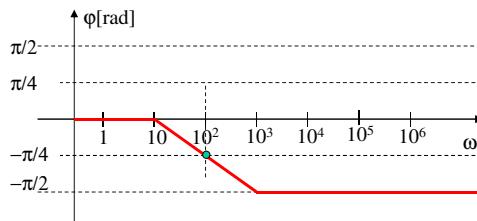
Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

$$\text{II} \quad -\arctg\left[\frac{\omega}{10^2}\right] \quad \text{za } \omega = 10^2 \quad \varphi = -\arctg[1] = -\frac{\pi}{4}$$

$$\text{za } \omega \ll 10^2 (= 10^2 / 10) \quad \varphi = -\arctg[0] = 0$$

$$\text{za } \omega \gg 10^2 (= 10^2 * 10) \quad \varphi = -\arctg[\infty] = -\frac{\pi}{2}$$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

97

Dodatak

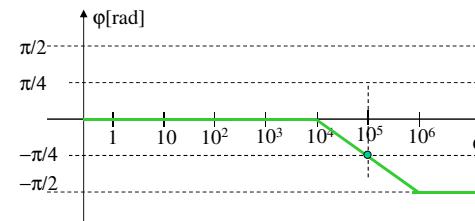
Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

$$\text{III} \quad -\arctg\left[\frac{\omega}{10^5}\right] \quad \text{za } \omega = 10^5 \quad \varphi = -\arctg[1] = -\frac{\pi}{4}$$

$$\text{za } \omega \ll 10^5 (= 10^5 / 10) \quad \varphi = -\arctg[0] = 0$$

$$\text{za } \omega \gg 10^5 (= 10^5 * 10) \quad \varphi = -\arctg[\infty] = -\frac{\pi}{2}$$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

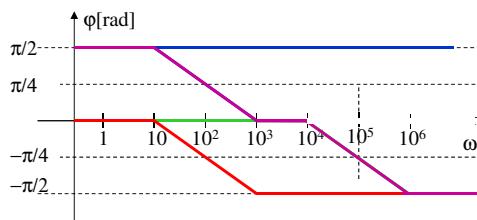
98

Dodatak

Pojačanje signala

Frekvencijske karakteristike realnog pojačavača

$$\varphi = \arctg\left[\frac{\omega}{0}\right] - \arctg\left[\frac{\omega}{10^2}\right] - \arctg\left[\frac{\omega}{10^5}\right]$$



20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

99

Sledeće nedelje:

Osnovi pojačavačke tehnike (nastavak)

- Jednosmerno napajanje i prenosna karakteristika pojačavača**
- Klasifikacija pojačavača**
- Operacioni pojačavači (uvod)**

Na web adresi <http://leda.elfak.ni.ac.rs>**> EDUCATION > OSNOVI ELEKTRONIKE****slajdovi u pdf formatu**

20. oktobar 2016.

Uvod
<http://leda.elfak.ni.ac.rs/>

100